**Программа утверждена на заседании кафедры теории чисел**

**Рабочая программа дисциплины (модуля)**

1. Код и наименование дисциплины (модуля): Основы p-адического анализа.

2. Уровень высшего образования – специалитет.

3. Направление подготовки: 01.05.01 Фундаментальные математика и механика. Специализация: Фундаментальная математика.

4. Место дисциплины (модуля) в структуре ООП: вариативная часть ООП. Является специальной дисциплиной (спецкурсом) для студентов 3-6 годов обучения, специализирующихся в данной научной области или смежной научной области, спецкурсом по выбору студента.

Освоение дисциплины необходимо для последующего изучения дисциплин образовательной программы: курсовая работа, научно-исследовательская практика, преддипломная практика, выпускная квалификационная работа.

5. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников)

6. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических или астрономических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся:

Объем дисциплины (модуля) составляет 3 зачетных единицы, всего 108 часа, из которых 44 (46\*) часа составляет контактная работа студента с преподавателем (34 (36\*) часа занятия лекционного типа, 12 часов мероприятия текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации), 64 (62\*) часа составляет самостоятельная работа студента.

*\* - если специальный курс читается в нечетном семестре (продолжительность нечетного семестра 18 недель, четного семестра 17 недель).*

7. Входные требования для освоения дисциплины (модуля), предварительные условия.

Для того чтобы изучение дисциплины было возможно, обучающийся должен

1. освоить следующие дисциплины образовательной программы: математический анализ, алгебра, линейная алгебра и геометрия, введение в топологию, элементы теории чисел, знакомство с p-адическими числами
2. обладать следующими компетенциями:

Знать: основные методы дисциплин из пункта 1).

Уметь: решать стандартные задачи тех же дисциплин и применять идеи, использованные в их решениях, для решения аналогичных задач.

Владеть: основными понятиями и теоремами тех же дисциплин.

8. Формат обучения.

очная форма обучения, лекционные занятия.

9. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (Перечень тем см. Приложения).

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Наименование и краткое содержание разделов и тем дисциплины (модуля),**  **форма промежуточной аттестации по дисциплине (модулю)** | **Всего**  **(часы**) | В том числе | | | | | | | | | |
| **Контактная работа (работа во взаимодействии с преподавателем), часы**  из них | | | | | | | **Самостоятельная работа обучающегося, часы**  из них | | |
| Занятия лекционного типа | Занятия семинарского типа | Групповые консультации | Индивидуальные консультации | Учебные занятия, направленные на проведение текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации | **Всего** | Выполнение домашних заданий | | Подготовка рефератовит.п.. | **Всего** |
| Тема 1 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 2 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 3 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 4 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 5 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 6 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 7 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 8 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Текущий контроль успеваемости | 6 |  |  |  |  | 2 | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 9 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 10 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 11 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 12 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 13 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 14 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 15 | 6 | 2 |  |  |  |  | 2 | 4 | |  | 4 |
| Тема 16 | 4 |  |  |  |  |  | 0 | 4 | |  | 4 |
| Тема 17\* | 2\* |  |  |  |  |  |  | 2\* | |  | 2\* |
| Промежуточная аттестация  *экзамен*  *зачет* | 8 (6\*) |  |  |  |  | 2 | 2 | 6(4\*) | |  | 6 (4\*) |
| **Итого** | 108 | 30 |  |  |  | 4 | 34 | 74 | |  | 74 |

10. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы студентов по дисциплине (модулю):

Конспекты лекций, списки задач к лекциям, основная и дополнительная учебная литература.

11. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю).

* Перечень компетенций:
* Описание шкал оценивания*:*

*экзамен с оценкой по пятибалльной шкале*

*зачет («зачтено» или «не зачтено»)*

* Критерии и процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине (модулю), характеризующих этапы формирования компетенций.
* Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения, характеризующих этапы формирования компетенций. См. Приложения.

12. Ресурсное обеспечение:

Перечень основной учебной литературы:

1. N. Koblitz. *p-adic numbers, p-adic analysis, and zeta-functions*. Graduate Texts in Mathematics, **58**, 2nd ed., Springer-Verlag, New York, 1984.
2. Y. Amice. *Les nombres p-adiques*. Presses Universitaires de France, Paris, 1975.
3. З.И. Боревич, И.Р. Шафаревич. *Теория чисел*. 3-е изд., Наука, М., 1985.
4. S. Lang. *Algebraic number theory*. Graduate Texts in Mathematics, **110**, 2nd ed., Springer-Verlag, New York, 1994.
5. S. Lang. *Algebra*. Graduate Texts in Mathematics, **211**, 3rd ed., Springer-Verlag, New York, 2002.

Перечень дополнительной учебной литературы: см. Приложения

Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»: см. Приложения.

Описание материально-технической базы: аудитории для проведения лекционных занятий.

13. Язык преподавания: русский (при необходимости – английский).

ПРИЛОЖЕНИЕ

1. Основы p-адического анализа.
2. Преподаватель – асс. И. П. Рочев.
3. Аннотация курса: цель специального курса — познакомить студентов с теорией аналитических функций (одного) p-адического аргумента (неархимедовым аналогом стандартного курса комплексного анализа). В качестве примера приложения доказывается теорема Скулема о нулях линейной рекуррентной последовательности.
4. Тематическое содержание курса:

|  |  |
| --- | --- |
| Тема 1 | Степенные ряды. |
| Тема 2 | Аналитические в шаре функции; бесконечная дифференцируемость. |
| Тема 3 | Разложение в ряд Тейлора. |
| Тема 4 | Теорема единственности. |
| Тема 5 | Неравенства Коши для коэффициентов ряда Тейлора. |
| Тема 6 | Принцип максимума. |
| Тема 7 | Теорема Лиувилля (об ограниченной целой функции). |
| Тема 8 | Алгебра аналитических функций как замыкание алгебры рациональных функций. |
| Тема 9 | Логарифмическая и экспоненциальная функции. |
| Тема 10 | Теорема Скулема–Малера–Леха о нулях линейной рекуррентной последовательности. |
| Тема 11 | Многоугольники Ньютона для многочленов; связь с корнями. |
| Тема 12 | Многоугольники Ньютона для степенных рядов. Связь с радиусом сходимости. |
| Тема 13 | Многоугольники Ньютона и нули аналитических функций. |
| Тема 14 | Подготовительная теорема Вейерштрасса. |
| Тема 15 | Разложение целой функции в бесконечное произведение. |
| Тема 16 | Интеграл Шнирельмана. |
| Тема 17\* | Теорема о вычетах. |

*\* - если специальный курс читается в нечетном семестре (продолжительность нечетного семестра 18 недель, четного семестра 17 недель).*

1. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения, характеризующих этапы формирования компетенций.

Вопросы к экзамену:

Степенные ряды и аналитические в шаре функции: радиус сходимости, бесконечная дифференцируемость и разложение в ряд Тейлора, теорема единственности, неравенства Коши для коэффициентов ряда Тейлора, принцип максимума, теорема Лиувилля (об ограниченной целой функции), алгебра аналитических функций как замыкание алгебры рациональных функций.

Логарифмическая и экспоненциальная функции. Теорема Скулема–Малера–Леха о нулях линейной рекуррентной последовательности.

Многоугольники Ньютона для многочленов; связь с корнями. Многоугольники Ньютона для степенных рядов и нули аналитических функций. Подготовительная теорема Вейерштрасса. Разложение целой функции в бесконечное произведение.

Интеграл Шнирельмана. Теорема о вычетах.

1. Перечень дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

**Приложение утверждено на заседании кафедры теории чисел**